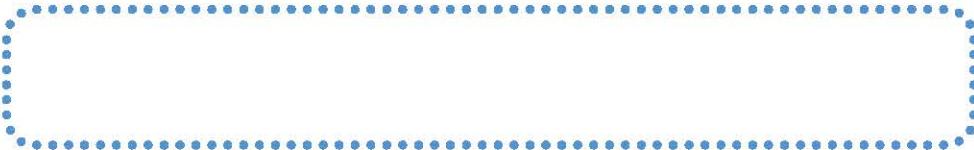




Διερεύνηση

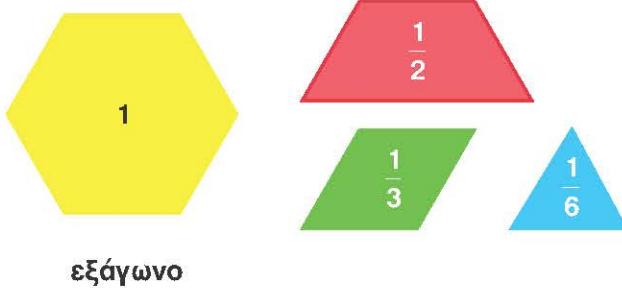
1. Κάθε ξύλινο ράφι της βιβλιοθήκης της τάξης έχει μήκος $\frac{2}{3}$ μ.

Πόσα μέτρα ξύλου θα χρειαστεί, για να αντικατασταθούν 3 ράφια;



2. Χρησιμοποιούμε τα γεωμετρικά σχήματα του παραρτήματος, για να βρούμε τα παρακάτω γινόμενα, αν το εξάγωνο είναι η ακέραιη μονάδα.

a.	$3 \times \frac{1}{2} =$	$4 \times \frac{1}{2} =$
β.	$2 \times \frac{1}{6} =$	$\frac{1}{6} \times 2 =$
γ.	$6 \times \frac{1}{6} =$	$3 \times \frac{1}{3} =$



εξάγωνο



Τι παρατηρούμε σε κάθε περίπτωση στα παραπάνω γινόμενα;

3. Τα $\frac{2}{3}$ ενός οικοπέδου είναι κήπος. Στο $\frac{1}{5}$ του κήπου αυτού φυτέψαμε λουλούδια.

Τι μέρος του οικοπέδου καλύπτεται από λουλούδια;



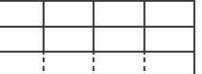
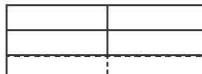
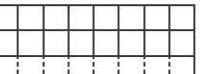
Πρέπει να βρούμε το $\frac{1}{5}$ των $\frac{2}{3}$ του κήπου,
δηλαδή το $\frac{1}{5} \times \frac{2}{3}$.



Σχεδιάζουμε στο παραπάνω σχήμα και υπολογίζουμε:



4. Βρίσκουμε τα γινόμενα με τη βοήθεια των μοντέλων αναπαράστασης.

a.	 $1 \times \frac{2}{3} = \frac{\square}{\square}$	γ.	 $\frac{1}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{\square}{\square}$
β.	 $\frac{1}{2} \times \frac{2}{3} = \frac{\square}{\square}$	δ.	 $\frac{1}{8} \times \frac{2}{3} = \frac{\square}{\square}$



Τι θα συμβεί, αν πολλαπλασιάσουμε το κλάσμα με ακόμα μικρότερες κλασματικές μονάδες;

Βασικές μαθηματικές έννοιες και διεργασίες

Στον πολλαπλασιασμό ενός φυσικού αριθμού με ένα κλάσμα, ο φυσικός αριθμός μάς δείχνει πόσες φορές προσθέτω το κλάσμα με τον εαυτό του.

Στον πολλαπλασιασμό, αν αλλάξουμε τη σειρά των παραγόντων, το γινόμενο παραμένει το ίδιο.

Το γινόμενο φυσικού αριθμού με κλάσμα ή κλάσματος με φυσικό αριθμό είναι ένα κλάσμα που έχει αριθμητή το γινόμενο του αριθμητή με τον φυσικό αριθμό και παρονομαστή τον παρονομαστή του κλάσματος.

Όταν ζητάμε ένα μέρος ενός αριθμού, φυσικού ή κλασματικού, κάνουμε πολλαπλασιασμό.

Το γινόμενο δυο κλασμάτων είναι ένα κλάσμα που έχει αριθμητή το γινόμενο των αριθμητών και παρονομαστή το γινόμενο των παρονομαστών.

Αντίστροφοι αριθμοί λέγονται δυο αριθμοί που το γινόμενό τους είναι 1.

Παραδείγματα

$$\begin{array}{c} \boxed{\textcolor{orange}{\rule{1cm}{0.5cm}} \quad \boxed{\textcolor{orange}{\rule{1cm}{0.5cm}}} \quad \boxed{\textcolor{orange}{\rule{1cm}{0.5cm}}}} \\ + \quad + \quad = \quad \boxed{\textcolor{orange}{\rule{1cm}{0.5cm}} \quad \boxed{\textcolor{orange}{\rule{1cm}{0.5cm}}} \quad \boxed{\textcolor{orange}{\rule{1cm}{0.5cm}}}} \end{array}$$

$$3 \times \frac{2}{7} = \frac{2}{7} + \frac{2}{7} + \frac{2}{7} = \frac{3 \times 2}{7} = \frac{6}{7}$$

$$\frac{2}{7} \left\{ \begin{array}{|c|c|c|} \hline \textcolor{yellow}{\rule{1cm}{0.5cm}} & \textcolor{yellow}{\rule{1cm}{0.5cm}} & \textcolor{yellow}{\rule{1cm}{0.5cm}} \\ \hline \end{array} \right\}_3 = \frac{2}{7} \times 3 = 3 \times \frac{2}{7}$$

$$\begin{array}{c} \boxed{\textcolor{purple}{\rule{0.5cm}{0.5cm}} \quad \boxed{\textcolor{white}{\rule{0.5cm}{0.5cm}} \quad \boxed{\textcolor{white}{\rule{0.5cm}{0.5cm}}}}} \\ \times \quad = \quad \boxed{\textcolor{purple}{\rule{0.5cm}{0.5cm}} \quad \boxed{\textcolor{blue}{\rule{1cm}{0.5cm}} \quad \boxed{\textcolor{white}{\rule{0.5cm}{0.5cm}}}}} \end{array}$$

$$\frac{1}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{1 \times 2}{5 \times 3} = \frac{2}{15}$$

Βρίσκουμε το $\frac{1}{5}$ του $\frac{2}{3}$.

$$\frac{1}{5} \times 5 = \frac{1}{5} \times \frac{5}{1} = \frac{5}{5} = 1, \quad \frac{7}{5} \times \frac{5}{7} = \frac{35}{35} = 1$$



Εφαρμογή

1. Να βρείτε το $\frac{1}{3}$ από το $\frac{1}{2}$ μιας σοκολάτας.

α' τρόπος: α. Αναπαριστάνουμε τη σοκολάτα με ένα ορθογώνιο. Χρωματίζουμε το $\frac{1}{2}$. β. Χωρίζουμε το $\frac{1}{2}$ σε 3 ίσα μέρη και από αυτά χρωματίζουμε το 1. γ. Χωρίζουμε όμοια και το υπόλοιπο ορθογώνιο. Παρατηρούμε ότι το $\frac{1}{3}$ του $\frac{1}{2}$ του ορθογωνίου είναι το $\frac{1}{6}$ του ορθογωνίου.

β' τρόπος: Βρίσκουμε το $\frac{1}{3}$ του $\frac{1}{2}$ με πολλαπλασιασμό: $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1 \times 1}{3 \times 2} = \frac{1}{6}$

2. Να βρείτε το γινόμενο $2 \times 1\frac{1}{4}$.

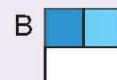
α' τρόπος: $2 \times 1\frac{1}{4} = 2 \times (1 + \frac{1}{4}) = (2 \times 1) + (2 \times \frac{1}{4}) = 2 + \frac{2}{4} = 2\frac{2}{4}$

β' τρόπος: μετατροπή μεικτού σε κλάσμα μεγαλύτερο της μονάδας: $2 \times 1\frac{1}{4} = 2 \times \frac{5}{4} = \frac{10}{4} = 2\frac{2}{4}$

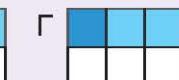
A



B



Γ



Αναστοχασμός

1. Το γινόμενο $\frac{5}{6} \times \frac{1}{2}$ είναι μεγαλύτερο ή μικρότερο από το $\frac{1}{2}$;

2. Τι θα προτιμούσαμε; Τα $\frac{3}{4}$ της μισής πίτσας ή το $\frac{1}{2}$ των $\frac{3}{4}$ της ίδιας πίτσας;

3. Όταν πολλαπλασιάζουμε δυο κλάσματα μικρότερα από το 1, το γινόμενό τους είναι μικρότερο ή μεγαλύτερο από το καθένα κλάσμα; Δίνουμε ένα παράδειγμα.