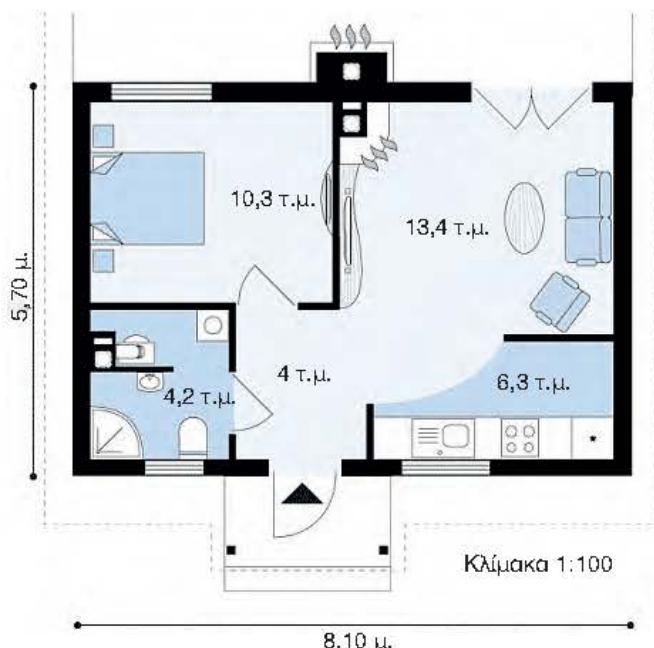




## Διερεύνηση

## 1. Πώς μπορούμε να κάνουμε μεγέθυνση



Ένας αρχιτέκτονας έφτιαξε το διπλανό σχέδιο ενός διαμερίσματος σε κλίμακα  $\frac{1}{100}$  ή 1:100.

**Συζητάμε:**

- τι είναι η κλίμακα,
- πώς μπορούμε να υπολογίσουμε τις πραγματικές διαστάσεις του διαμερίσματος με βάση το σχέδιο του αρχιτέκτονα.

## 2. Πώς μπορούμε να κάνουμε σμίκρυνση



Οι μαθητές της Ε' τάξης μέτρησαν τις διαστάσεις του δαπέδου της αίθουσάς τους και βρήκαν ότι έχει μήκος 6 μ. και πλάτος 5 μ.

Σχεδιάζουμε το δάπεδο της αίθουσας με βάση τις πραγματικές διαστάσεις της:

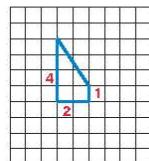
- σε κλίμακα  $\frac{1}{100}$  ή 1:100,
- σε κλίμακα  $\frac{1}{50}$  ή 1:50.

### Βασικές μαθηματικές έννοιες και διεργασίες

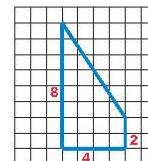
- Για να μεγεθύνουμε ένα σχέδιο ή μια εικόνα, **πολλαπλασιάζουμε** κάθε απόσταση μεταξύ δύο σημείων του σχεδίου ή της εικόνας με τον ίδιο αριθμό.
- Για να συμκρύνουμε ένα σχέδιο ή μια εικόνα, **διαιρούμε** κάθε απόσταση μεταξύ δύο σημείων του σχεδίου ή της εικόνας με τον ίδιο αριθμό.

**Η κλίμακα** ενός σχεδίου ή μιας εικόνας εκφράζει τη σχέση ανάμεσα στην απόσταση δύο σημείων του τελικού σχεδίου ή της τελικής εικόνας και στην αντίστοιχη απόσταση στο αρχικό σχέδιο ή στην αρχική εικόνα.

### Παραδείγματα



μεγέθυνση  
2 φορές



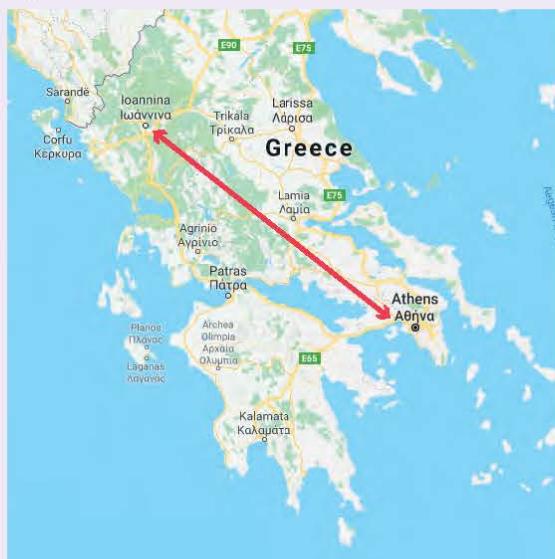
συμκρυνση

**Κλίμακα  $\frac{1}{2}$**  ή  $1:2$  σημαίνει ότι 1 εκ. στο τελικό σχέδιο αντιστοιχεί σε 2 εκ. του αρχικού.

**Κλίμακα  $\frac{2}{1}$**  ή  $2:1$  σημαίνει ότι 2 εκ. στο τελικό σχέδιο αντιστοιχούν σε 1 εκ. του αρχικού.



### Εφαρμογή



Τα Ιωάννινα απέχουν από την Αθήνα 313 χμ. σε ευθεία γραμμή. Να βρεις πόσα εκ. είναι η απόστασή τους σε έναν χάρτη κλίμακας  $1:3.130.000$ .

Κλίμακα  $1 : 3.130.000$  σημαίνει ότι 1 εκ. στον χάρτη αντιστοιχεί σε  $3.130.000$  εκ., δηλαδή ο χάρτης δείχνει την απόσταση  $3.130.000$  φορές μικρότερη. Η πραγματική απόσταση των Ιωαννίνων από την Αθήνα είναι  $313 \text{ χμ.} = 313.000 \text{ μ.} = 31.300.000 \text{ εκ.}$ . Επομένως στον χάρτη η απόσταση είναι  $31.300.000 \text{ εκ.} : 3.130.000 = 10 \text{ εκ.}$



### Αναστοχασμός

- Κυκλώνουμε τις περιπτώσεις στις οποίες γίνεται μεγέθυνση:
  - στο μικροσκόπιο
  - στο τηλεσκόπιο
- Ο Νίκος υποστηρίζει ότι η κλίμακα είναι το πηλίκο της απόστασης στο σχέδιο προς την πραγματική απόσταση. Έχει δίκιο; Ναι ή όχι και γιατί;
- Η Δανάη υποστηρίζει ότι, αν το μήκος που μετρήθηκε στην επιφάνεια της γης είναι 900 μ., τότε σε χάρτη κλίμακας  $1 : 90.000$  αντιστοιχεί σε 1 εκ. Έχει δίκιο; Ναι ή όχι και γιατί;